

Assas

**Session :** Septembre 2016

**Année d'étude :** Troisième année de Licence économie-gestion mention économie et gestion parcours économie internationale

**Discipline :** *Croissance et cycles*  
(Unité d'Enseignements Complémentaires 2)

**Titulaire(s) du cours :**  
M. Jean-Marie LE PAGE

**Document(s) autorisé(s) :** AUCUN

CALCULATRICES NON AUTORISÉES

Les étudiants devront répondre en quelques lignes aux questions de cours puis traiter *les deux* exercices suivants.

**I) Questions de cours**

- 1°) Selon Kaldor, quels étaient les principaux « faits stylisés » de la croissance ? Certains se déduisent-ils des autres ?
- 2°) Quel est le principal axiome se rapportant à la productivité marginale du capital dans la théorie de la croissance endogène ?
- 3°) Qu'est-ce qu'un cycle économique ?

**II) Exercice 1**

Dans une économie, *la population active est constante et il n'y a pas de progrès technique exogène* (on pose donc  $m = 0$  et  $n = 0$ ,  $m$  représentant le taux de croissance de la productivité du travail et  $n$  celui de la population active)). La propension à épargner  $s$  est constante et une fraction  $\delta$  du capital est remplacée à chaque période.

La fonction de production macroéconomique ne dépend que du capital  $K$  utilisé et a pour expression :  $Y = AK^a$  ;  $A > 0$  et  $0 \leq a \leq 1$ .  $Y$  désigne la production globale et  $A$  une constante positive .

- 1°) Interpréter le coefficient  $a$ .
- 2°) Écrire l'équation d'accumulation du capital, c'est-à-dire la relation exprimant la variation  $\dot{K}$  du capital total en fonction de  $s$ ,  $Y$ ,  $\delta$  et  $K$ .
- 3°) On suppose que le coefficient  $a$  est strictement inférieur à 1. Comment l'économie évoluera-t-elle ?
- 4°) Quel type de croissance l'économie connaîtra-t-elle si le coefficient  $a$  est au contraire égal à 1 ?

**III) Exercice 2**

Cet exercice se situe dans le cadre du modèle de croissance endogène de Robert Lucas. Supposons que la population active soit constante (elle sera notée  $L$ ) et qu'une proportion invariable  $u$  de cette population soit affectée à la production. Il en résulte qu'un pourcentage  $1-u$  du capital humain (noté  $H$  ci-dessous) est utilisé pour produire des connaissances nouvelles, donc un capital humain supplémentaire. Le capital humain global est égal à  $Lh$  où  $h$  est le capital humain par tête. On suppose que l'accumulation du capital humain obéit à une relation du type:

$$\frac{dH_t}{dt} = \eta(1 - u)H_t \text{ avec } \eta > 0, \text{ ce qui peut s'écrire } \frac{Ldh_t}{dt} = \eta(1 - u)Lh_t$$

ou encore  $\frac{dh_t}{dt} = \eta(1 - u)h_t$ .

On suppose aussi que la production globale  $Y$  est une fonction du capital physique  $K$  et du capital humain  $H$ , selon une relation de Cobb-Douglas :

$$Y_t = AK_t^a (uLh_t)^{1-a} \text{ avec } A > 0 \text{ et } 0 < a < 1.$$

- 1°) Que représente le coefficient  $\eta$  ?

TSVP →

- 2°) Exprimez le taux de croissance de  $Y$  en fonction des taux de croissance de  $K$  et de  $h$ .
- 3°) Pourquoi le taux de croissance de  $K$  et celui de  $h$  seront-ils égaux ?
- 4°) Dédurre du résultat de la question précédente le taux de croissance de  $Y$ .